

فصل اول

فیزیک و اندازه‌گیری

۱-۱ فیزیک: دانش بنیادی

اهمیت مطالعه و یادگیری فیزیک - فیزیک یکی از بنیادی ترین دانش هاست و شالوده‌ی تمامی مهندسی‌ها و فناوری‌هایی است که به طور مستقیم یا غیر مستقیم در زندگی ما نقش دارند.

- ✓ دانشمندان فیزیک برای توصیف و توضیح پدیده‌های طبیعی، اغلب از قانون، مدل و نظریه استفاده می‌کنند.
- ✓ لازم است که قوانین، مدل‌ها و نظریه‌های فیزیکی توسط آزمایش مورد آزمون قرار گیرند.
- ✓ همواره این امکان وجود دارد تا نتایج آزمایش‌های جدید منجر به بازنگری مدل یا نظریه‌ای شود و حتی ممکن است نظریه‌ای جدید جایگزین آن شود.
- ✓ نقطه‌ی قوت دانش فیزیک ویژگی آزمون پذیری و اصلاح نظریه‌های آن است.

۱-۲ مدل‌سازی در فیزیک

فرآیندی است که طی آن یک پدیده‌ی فیزیکی، آن قدر ساده و آرمانی می‌شود تا امکان بررسی و تحلیل آن فراهم شود. ❖ هنگام مدل‌سازی یک پدیده‌ی فیزیکی، باید اثرهای جزئی‌تر را نادیده بگیریم نه اثرات مهم و تعیین کننده را.



شکل ۱-۱ شکل سمت راست حرکت توپ بیسبال در هوا را نشان می‌دهد و شکل سمت چپ مدل آرمانی توپ بیسبال را نشان می‌دهد.

۱-۳ اندازه‌گیری و کمیت‌های فیزیکی

کمیت: هرآنچه در فیزیک قابل اندازه‌گیری باشد و بتوان یکای مناسبی به آن اختصاص داد.

یکا یا واحد اندازه‌گیری: به مقدار مشخصی از هر کمیت گفته می‌شود که به عنوان مقیاس انتخاب شده است.

کمیت فیزیکی عددی (اسکالر): هر عدد به همراه یکای آن، که برای توصیف یک پدیده‌ی فیزیکی به کار می‌رود، کمیت فیزیکی عددی یا اسکالر نامیده می‌شود. مثل انرژی

کمیت برداری: برای بیان کمیت‌های برداری، افزون بر عدد و یکا، لازم است جهت آن‌ها را نیز مشخص کنیم. مثل جابجایی

۱-۴ اندازه‌گیری و دستگاه بین‌المللی یکاها

برای انجام اندازه‌گیری‌های دقیق و قابل اطمینان به یکاهای اندازه‌گیری‌ای نیاز داریم که: ۱. تغییر نکنند ۲. قابلیت باز تولید داشته باشند.

کمیت اصلی: به کمیتی گفته می‌شود که با توافق بین المللی برای آن یکای استاندارد تعریف شده است.

یکای کمیت اصلی: یکای کمیت‌های اصلی را می‌گویند که اساس دستگاه‌های بین المللی یکاها را تشکیل می‌دهند.

جدول ۱-۱ کمیت‌های اصلی و یکاهای آن‌ها

| یکای | نام یکا | کمیت |
|------|---------|----------------|
| m | متر | طول |
| kg | کیلوگرم | جرم |
| s | ثانیه | زمان |
| K | کلوین | دما |
| mol | مول | مقدار ماده |
| A | آمپر | جریان الکتریکی |
| cd | شمع | شدت روشنایی |

یکای فرعی: به یکایی گفته می‌شود که برحسب یکای کمیت‌های اصلی بیان می‌شود. مثل متر بر ثانیه

دستگاه بین المللی (SI): دستگاه یکاهایی که بیشتر مهندسان و دانشمندان علوم در سراسر جهان به کار می‌برند.

جدول ۲-۱ تعریف یکاهای SI برای کمیت‌های اصلی طول، جرم و زمان

| یکای | تعریف اصلی | تعریف فعلی |
|---------|---|---|
| متر | یک ده میلیونیم ($\frac{1}{10^7}$) فاصله‌ی استوا تا قطب شمال | مسافتی که نور در مدت $3,3 \times 10^{-9}$ ثانیه در خلأ طی می‌کند |
| کیلوگرم | جرم $0,001$ متر مکعب آب | جرم استوانه‌ای از جنس پلاتین-ایریدیوم که در مزه سور فرانسه نگهداری می‌شود |
| ثانیه | $\frac{1}{86400}$ روز خورشیدی | مدت زمانی است که اتم سزیم-۱۳۳ ($133 - Cs$) در حالت پایه 9192631770 بار نوسان می‌کند |

تمرین ۱-۱

آ- یکای نجومی (AU) برابر میانگین فاصله‌ی زمین تا سطح خورشید ($1,5 \times 10^{11} m$) است. قطر خورشید ($1,4 \times 10^9 m$) بر حسب یکای نجومی چقدر است؟

ب- مسافتی را که نور در مدت یک سال در خلأ می‌پیماید یک سال نوری (ly) می‌نامند. فاصله‌ی کوازرها از منظومه‌ی شمسی $1.7 \times 10^{26} m$ برآورد شده است. این فاصله را برحسب سال نوری پیدا کنید. تندی نور در خلأ را 3.0×10^8 متر بر ثانیه بگیرید.

بازه‌ی زمانی: مدت زمان بین شروع و پایان یک رویداد.

پیشوندهای SI: هرگاه در اندازه‌گیری‌ها با اندازه‌های بسیار بزرگ‌تر یا بسیار کوچک‌تر از یکای اصلی آن کمیت مواجه شویم از پیشوندهای جدول ۱-۳ استفاده می‌کنیم.

نمادگذاری علمی: در نمادگذاری علمی هر مقدار را به صورت عددی بزرگ‌تر یا مساوی یک و کوچک‌تر از 10 و ضربی با توان صحیحی از 10 و همراه با یکای آن می‌نویسند. به عنوان مثال سرعت نور به صورت $3 \times 10^8 \frac{m}{s}$ و جرم الکترون به صورت $9.109 \times 10^{-31} kg$ نوشته می‌شود.

جدول ۱-۵ پیشوندهای یکاهای SI

| نماد | پیشوند | ضریب | نماد | پیشوند | ضریب |
|-------|--------|------------|------|--------|-----------|
| Y | یوکتو | 10^{-24} | Y | یوتا | 10^{24} |
| z | زپتو | 10^{-21} | Z | زتا | 10^{21} |
| a | اتو | 10^{-18} | E | اگزا | 10^{18} |
| f | فمتو | 10^{-15} | P | پتا | 10^{15} |
| P | پیکو | 10^{-12} | T | ترا | 10^{12} |
| n | نانو | 10^{-9} | G | گیگا | 10^9 |
| μ | میکرو | 10^{-6} | M | مگا | 10^6 |
| m | میلی | 10^{-3} | K | کیلو | 10^3 |
| c | سانتی | 10^{-2} | H | هکتو | 10^2 |
| d | دسی | 10^{-1} | Da | دکا | 10^1 |

پیشوندهایی که با رنگ قرمز نشان داده شده‌اند کاربرد بیشتر دارند و بهتر است آن‌ها را به خاطر بسپارید.

تمرین ۱-۲

مقدار بار الکتریکی الکترون $1.6 \times 10^{-19} C$ است. مقدار بار این الکترون را برحسب کولن و با نمادگذاری علمی بنویسید.

تمرین ۱-۳

با توجه به پیشوندهای یکاهای SI و نمادگذاری علمی تبدیلات زیر را انجام دهید.

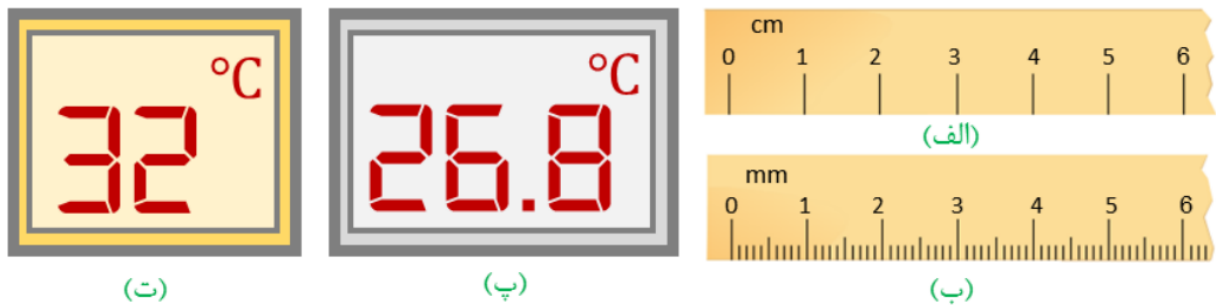
$$\begin{aligned}
 0.23 \times 10^7 ns &= (\quad) Ms \quad \text{پ-} & 42.5 \times 10^{-6} g &= (\quad) \mu g \quad \text{ب-} & 7.0 \times 10^{-6} km &= (\quad) mm \quad \text{آ-} \\
 7.8 \frac{g}{cm^3} &= (\quad) \frac{kg}{m^3} \quad \text{ج-} & 0.801 lit &= (\quad) cm^3 \quad \text{ث-} & 35 cm^2 &= (\quad) mm^2 \quad \text{ت-}
 \end{aligned}$$

۱-۵ اندازه‌گیری: خطا و دقت

با انتخاب وسیله‌های دقیق و روش صحیح اندازه‌گیری می‌توان مقدار خطا را کاهش و دقت اندازه‌گیری را افزایش داد.

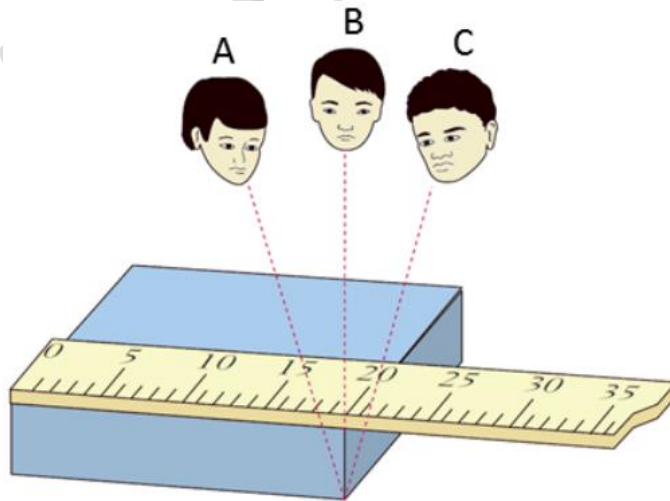
نکته: دقت اندازه‌گیری به حساسیت وسیله، مهارت شخصی که اندازه‌گیری می‌کند و تعداد دفعاتی بستگی دارد که اندازه‌گیری تکرار می‌شود.

۱. دقت (حساسیت) وسیله‌ی اندازه‌گیری: خطای اندازه‌گیری وسیله‌های درجه‌بندی شده، نصف تقسیم‌بندی کمینه‌ی مقیاس آن وسیله است و برای وسیله‌های رقمی (دیجیتالی) یک واحد از آخرین رقمی است که می‌خوانند.



شکل ۱-۲ خطای اندازه‌گیری (الف) با خط‌کش سانتی‌متری برابر 0.5cm ، (ب) خط‌کش میلی‌متری 0.5mm ، (پ) و (ت) با دماسنج‌های رقمی به ترتیب 1°C و 0.1°C است.

۲. یکی از این مهارت‌ها نحوه‌ی خواندن نتیجه‌ی اندازه‌گیری است که در شکل زیر نشان داده شده است.



شکل ۱-۳ خطای مشاهده، ناشی از اختلاف منظر، در خواندن و گزارش نتیجه‌ی اندازه‌گیری تأثیر مهمی دارد.

۳. تعداد دفعات اندازه‌گیری: برای کاهش خطا در اندازه‌گیری (برای صحت اندازه‌گیری) هر کمیت، معمولاً اندازه‌گیری را چند بار تکرار کرده و میانگین آن‌ها به عنوان نتیجه‌ی اندازه‌گیری پذیرفته می‌شود. (البته اگر یک یا دو عدد با بقیه‌ی اعداد اختلاف زیادی داشته باشند در میانگین‌گیری به حساب نمی‌آیند).

رقم حدسی یا غیر قطعی: آخرین رقم سمت راست حاصل از اندازه‌گیری را می‌گویند.

روش گرد کردن:

۱. اگر اولین عددی که قرار است از سمت چپ حذف شود کوچک‌تر از ۵ باشد آن عدد و تمام اعداد سمت راست آن کنار گذاشته می‌شوند. مثال: اگر قرار است $۳۵,۸۷۴۹۳۳$ به عددی با چهار رقم بامعنا گرد شود به صورت $۳۵,۸۷$ در می‌آید.
۲. اگر اولین عددی که قرار است از سمت چپ حذف شود بزرگ‌تر یا مساوی ۵ باشد، آن عدد و تمام اعداد سمت راست آن را حذف کرده و به آخرین رقم یک واحد اضافه می‌کنیم. مثال: اگر قرار است $۳۵,۸۷۴۹۳۳$ به عددی با سه رقم بامعنا گرد شود به صورت $۳۵,۹$ در می‌آید. یا $۹۹,۹۸$ به صورت ۱۰۰×۱۰^۱ با سه رقم بامعنا گرد می‌شود.

رقم‌های با معنا: رقم‌هایی را که بعد از اندازه‌گیری یک کمیت فیزیکی ثبت می‌کنید رقم‌های با معنا می‌گویند.

نکته: تعداد ارقام با معنا دقت اندازه‌گیری را می‌رساند. به عبارتی هرچه اندازه‌گیری دقیق‌تر باشد تعداد ارقام با معنای نتیجه‌ی اندازه‌گیری نیز بیشتر خواهد بود.

نکته: رقم حدسی نیز جزو رقم‌های بامعنا محسوب می‌شود.

نکته: برای تعداد ارقام با معنا صفرهایی که قبل از اولین رقم غیر صفر سمت چپ نوشته می‌شوند را نباید شمرد. صفرهای سمت راست نیز ممکن است با معنا باشند یا نباشند. مثال:

۶۰ به صورت ۶×۱۰^۱ یک رقم با معنا و به صورت $۶,۰ \times ۱۰^۱$ دو رقم با معنا

$۰,۶۰$ دو رقم با معنا

$۰,۰۰۶۰$ دو رقم با معنا

$۰,۰۶۰۰۶$ چهار رقم با معنا

نکته: در هنگام تبدیل واحد نباید تعداد ارقام با معنی تغییر کند. مثال

$$۴۰,۰ \text{ mm} = ۴,۰ \text{ cm} = ۰,۰۴۰ \text{ m} = ۰,۰۰۰۰۴۰ \text{ km}$$

$$۵,۲ \text{ kg} = ۵,۲ \times ۱۰^۲ \text{ g} = ۵۲ \times ۱۰^۲ \text{ g}$$

نکته: هنگامی که اعداد در هم ضرب یا بر هم تقسیم می‌شوند تعداد رقم‌های بامعنا در نتیجه‌ی محاسبه نمی‌تواند بیشتر از تعداد رقم‌های بامعنای عددی باشد که کم‌ترین رقم بامعنا را دارد. مثال:

$$۳,۱۴۱۵ \times ۲,۹۲۳ \times ۷,۱۲ = ۶۵,۳۸۰۱۴۴۰۴$$

ولی باید با سه رقم با معنا $۶۵,۴$ بیان شود.

نکته: در عملیات جمع و تفریق پس از یکسان نمودن واحدها باید مرتبه‌ی غیر قطعی حاصل جمع یا تفریق برابر با بزرگ‌ترین مرتبه‌ی غیر قطعی اعداد مورد نظر باشد.

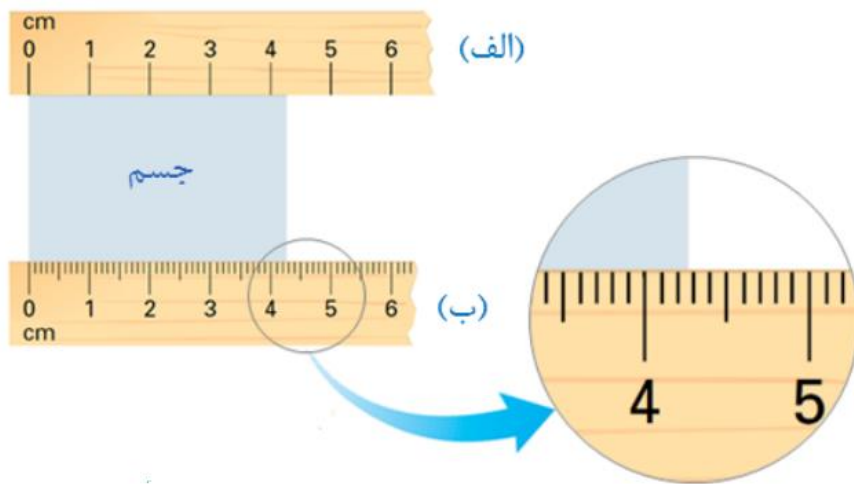
گزارش نتیجه‌ی اندازه‌گیری: گزارش نتیجه‌ی اندازه‌گیری در شکل ۱-۴ الف به صورت

$4.2 \text{ cm} \pm 0.5 \text{ cm}$ یا $4.3 \text{ cm} \pm 0.5 \text{ cm}$
 دو رقم بامعنا → خطای وسیله‌ی اندازه‌گیری
 رقم حدسی و غیر قطعی

گزارش نتیجه‌ی اندازه‌گیری در شکل ۱-۴ ب به صورت

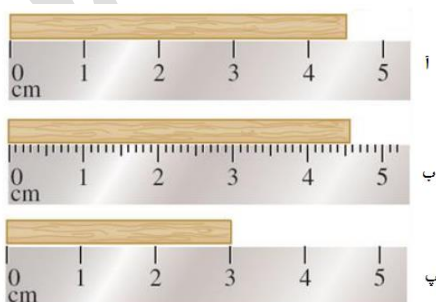
$42.7 \text{ mm} \pm 0.5 \text{ mm}$ یا $42.8 \text{ mm} \pm 0.5 \text{ mm}$
 سه رقم بامعنا → خطای وسیله‌ی اندازه‌گیری
 رقم حدسی و غیر قطعی

نوشته می‌شود.

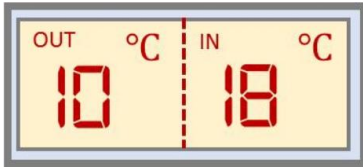


شکل ۱-۴ اندازه‌گیری طول یک جسم با دو خط‌کش با درجه بندی و دقت متفاوت

تمرین ۱-۴



۱. در هر یک از شکل‌های آ تا پ، طول جسم را چقدر گزارش می‌کنید؟ در گزارش خود، هم رقم غیر قطعی و هم خطای وسیله را مشخص کنید.



۲. شکل روبرو یک دماسنج رقمی را نشان می‌دهد که دمای خارج و داخل گلخانه‌ای را به ترتیب 10°C و 18°C می‌خواند. عدد غیر قطعی و خطای دماسنج را مشخص کنید.

تمرین ۱-۵ توسط یک ریز سنج که کمینه‌ی تقسیم‌بندی آن 0.1 میلی‌متر است، ضخامت جسمی اندازه‌گیری شده است. کدام یک از مقادیر زیر می‌تواند گزارش این اندازه‌گیری باشد؟

- (۱) $15.35\text{mm} \pm 0.05\text{mm}$ (۲) $15.352\text{mm} \pm 0.01\text{mm}$ (۳) $15.352\text{mm} \pm 0.005\text{mm}$ (۴) $15.35\text{mm} \pm 0.1\text{mm}$

تمرین ۱-۶ کدام یک از مقادیر زیر نمی‌تواند گزارش اندازه‌گیری توسط یک خط‌کش میلی‌متری باشد؟

- (۱) $2.4\text{mm} \pm 0.5\text{mm}$ (۲) $243 \times 10^{-1}\text{mm} \pm 0.5\text{mm}$ (۳) $4.12 \times 10^1\text{mm} \pm 0.5\text{mm}$ (۴) $5.64 \times 10^2\text{mm} \pm 0.5\text{mm}$

تمرین ۱-۷ یک ترازوی رقمی تا دهم گرم را نشان می‌دهد. کدام یک از موارد زیر گزارش اندازه‌گیری با این ترازوست؟

- (۱) $728.3\text{g} \pm 0.5\text{g}$ (۲) $728.3\text{g} \pm 0.1\text{g}$ (۳) $728.35\text{g} \pm 0.05\text{g}$ (۴) $728.35\text{g} \pm 0.1\text{g}$

تمرین ۱-۸ طول یک جسم با خط‌کشی که بر حسب میلی‌متر مدرج شده اندازه‌گیری شده است. گزارش این اندازه‌گیری بر حسب سانتی‌متر کدام گزینه است؟

- (۱) 4.5 ± 0.5 (۲) $455 \times 10^{-3} \pm 0.5$ (۳) $0.4550 \times 10^2 \pm 0.5$ (۴) 4.55 ± 0.5

تمرین ۱-۹ گزارش اندازه‌گیری با خط‌کشی به صورت $0.052\text{m} \pm 0.5\text{mm}$ است. عدد غیر قطعی آن ----- و کمینه‌ی تقسیم‌بندی آن ----- است.

تمرین ۱-۱۰ گزارش چهار بار اندازه‌گیری از طول یک جسم با وسایل مختلف به صورت 2.42mm ، 2.436mm ، 2.875mm و 2.45cm است. نتیجه‌ی حاصل از این اندازه‌گیری را بدست آورید.

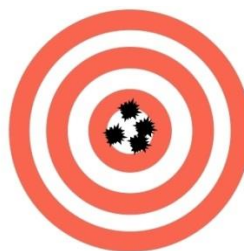
تمرین ۱-۱۱ در اندازه‌گیری سه طول مختلف، اعداد $1.3/6$ ، 2.23 و 0.8 سانتی‌متر به دست آمده است. حاصل جمع این سه طول کدام یک از مقادیر زیر است؟

- (۱) 2.36 (۲) $2.36/68$ (۳) $2.36/7$ (۴) 2.37

تفاوت صحت (Accuracy) و دقت (Precision) اندازه‌گیری: نزدیکی توافق بین مقدار میانگین حاصل از تعداد زیادی از نتایج آزمون و مقدار مرجع پذیرفته شده را صحت و دقت به معنای نزدیکی توافق بین نتایج آزمون است. در واقع صحت به معنای نتیجه‌ی صحیح و دقت به معنای تکرار یک نتیجه‌ی مشخص است (شکل ۱-۵)



Precise; Not Accurate



Accurate; Precise



Not Accurate; Not Precise



Accurate; Not Precise

شکل ۱-۵ تفاوت بین صحت و دقت اندازه‌گیری

۱-۶ تخمین مرتبه‌ی بزرگی در فیزیک

برخی اوقات برای شناخت بهتر یک موضوع و کمیت‌های وابسته به آن، نیاز داریم اندازه‌ای هر چند غیر دقیق (تقریبی) را در علم یا حتی زندگی روزمره‌ی خود بکار ببریم. برای این کار از فرآیند تخمین یا برآورد استفاده می‌کنیم.

- معمولاً در موارد زیر از تخمین استفاده می‌شود:
 - دقت بالا در محاسبه‌ها، اهمیت چندانی نداشته باشد.
 - زمان کافی برای محاسبه‌های دقیق نداشته باشیم.
 - همه یا بخشی از داده‌های مورد نیاز، در دسترس نباشد.

تخمین از مرتبه‌ی بزرگی: در این نوع تخمین نتیجه به صورت توانی از 10^+ بیان می‌شود. ابتدا اعداد به صورت نمادگذاری علمی نوشته شده و آنگاه از قاعده‌ی کلی زیر استفاده می‌کنیم:

| | |
|--|---|
| اگر $1 \leq x < 5$ باشد در این صورت: $x \sim 10^0$ | اگر $5 \leq x < 10$ باشد در این صورت: $x \sim 10^1$ |
|--|---|

مثال: $10^2 \approx 1,36 \times 10^2 = 136$ یا $10^5 \approx 9,2137 \times 10^4 = 92137$ یا $10^{-4} \approx 4,99 \times 10^{-4} = 0,000499$

تمرین ۱-۱۲ مساحت شهری ۱۰۸ کیلومتر مربع است. اگر در یک روز ۱۶ میلی متر باران بیارد، مرتبه‌ی بزرگی تعداد قطره‌های باران را تخمین بزنید. قطر یک قطره‌ی باران را ۴ میلی متر در نظر بگیرید.

تمرین ۱-۱۳ تخمین بزنید که قلب یک نفر در طول عمرش چند لیتر خون را به سرخرگ آئورت پمپ می‌کند. قلب در هر ضربان ۷۰ سانتی متر مکعب خون به سرخرگ آئورت پمپ می‌کند. میانگین عمر انسان را ۷۵ سال در نظر بگیرید. قلب در ۸/۰ ثانیه یک بار خون را به سرخرگ پمپ می‌کند. هر سال تقریباً 3×10^7 ثانیه است.

تمرین ۱-۱۴ مرتبه‌ی بزرگی جرم جو زمین را تخمین بزنید. شعاع زمین حدوداً 6×10^6 کیلومتر و فشار جو زمین را 10^5 پاسکال در نظر بگیرید.

تمرین ۱-۱۵ در شهری ۱۲۰ جایگاه سوخت‌گیری وجود دارد. تخمین بزنید در هر شبانه روز چند لیتر بنزین وارد هوای این شهر می‌شود؟ فرض کنید به طور متوسط در باک هر اتومبیل ۲ لیتر بخار بنزین وجود دارد و در هر ساعت ۸ اتومبیل از هر جایگاه سوخت‌گیری می‌کند.

۱-۷ چگالی

اگر ماده‌ی همگنی دارای جرم m و حجم V باشد چگالی ρ آن به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\rho = \frac{m}{V}$$

و یکای آن در SI کیلوگرم بر متر مکعب kg/m^3 است.

دیگر یکاهای متداول:

$$1 g/cm^3 (kg/L) = 1000 kg/m^3 (g/L)$$

پرسش - چگالی بنزین $6.80 \times 10^3 kg/m^3$ است. توضیح دهید چرا آب مایع مناسبی برای خاموش کردن بنزین شعله‌ور نیست.

تمرین ۱-۱۶ جرم قطعه‌ای از فلز اسمیوم با چگالی $22.5 \times 10^3 kg/m^3$ و حجم $23.0 m^3$ چند کیلوگرم است؟ (با رعایت تعداد ارقام با معنا)

تمرین ۱-۱۷ $4.70 L$ خون با چگالی $1.05 kg/L$ چند کیلوگرم است؟ (با رعایت تعداد ارقام با معنا)

مقایسه‌ی چگالی دو ماده‌ی مختلف:

$$\rho_r = \frac{m_r}{m_1} \times \frac{V_1}{V_r}$$

تمرین ۱-۱۸ چگالی مایع A، $\frac{4}{5}$ چگالی مایع B است. اگر حجم ۸kg از A برابر ۱۰ لیتر باشد، حجم ۵kg از مایع B برابر چند لیتر است؟

جدول ۱-۶ چگالی اشکال هندسی منظم

| حجم | توپر | توخالی با شعاع داخلی b |
|---------|----------------------|-----------------------------|
| استوانه | $\pi r^2 h$ | $\pi(r^2 - b^2)h$ |
| کره | $\frac{4}{3}\pi r^3$ | $\frac{4}{3}\pi(r^3 - b^3)$ |

تمرین ۱-۱۹ شعاع یک کره فولادی توپر با چگالی $7,8 \text{ g/cm}^3$ به جرم 390 گرم را محاسبه کنید. ($\pi=3$)

تمرین ۱-۲۰ دو استوانه‌ای همگن A و B دارای جرم و ارتفاع مساوی‌اند. استوانه‌ی A توپر و استوانه‌ی B توخالی است. اگر شعاع خارجی این دو استوانه با هم برابر و شعاع داخلی استوانه‌ی B نصف شعاع خارجی آن باشد، چگالی استوانه‌ی A چند برابر چگالی استوانه‌ی B است؟

نکته: اگر یک جسم جامد حل نشدنی را درون یک ظرف محتوی مایع بریزیم، حجم جسم جامد برابر تغییر حجم مایع است.

تمرین ۱-۲۱ درون استوانه‌ی مدرجی آب وجود دارد. گلوله‌ی توپری به جرم 42 گرم را داخل آب می‌اندازیم. سطح آب از درجه‌ی 50 cm^3 به 54 cm^3 می‌رسد. چگالی گلوله چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟

تمرین ۱-۲۲ یک قطعه فلز را که چگالی آن $2,7 \text{ g/cm}^3$ است کاملاً در ظرفی پر از الکل به چگالی $0,8 \text{ g/cm}^3$ وارد می‌کنیم و به اندازه‌ی 160 گرم الکل از ظرف بیرون می‌ریزد. جرم قطعه فلز چند گرم است؟

تمرین ۱-۲۳ اگر یک قطعه فلز به جرم 90 g را درون آب داخل استوانه‌ای بریزیم، قطعه فلز کاملاً در آب فرو رفته و سطح آب درون استوانه $1/2 \text{ cm}$ بالا می‌آید. اگر سطح مقطع داخلی استوانه 10 cm^2 باشد، چگالی فلز چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟

نکته: اگر درون یک شمش فلزی حفره‌ای وجود داشته باشد، می‌توان گفت:

$$V_{\text{واقع}} = \frac{m}{\rho} \quad \text{و} \quad V_{\text{واقع}} - V_{\text{ظاهر}} = V_{\text{حفره}}$$

تمرین ۱-۲۴ درون یک قطعه طلا به حجم ظاهری 12 cm^3 و جرم $199,5 \text{ g}$ ، حفره‌ای وجود دارد. اگر چگالی طلا 19000 kg/m^3 باشد، حجم حفره‌ی خالی چند cm^3 است؟

چگالی مخلوط (آلیاژ): اگر حجم V_1 از ماده‌ای با چگالی ρ_1 را با حجم V_2 از ماده‌ای با چگالی ρ_2 مخلوط کنیم، چگالی مخلوط از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

$$\rho' = \frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2}{V_1 + V_2}$$

تمرین ۱-۲۵ آب به چگالی 1 kg/L با 5 L لیتر مایع به چگالی 0.8 kg/L مخلوط می‌شود. هرگاه تغییر حجم صورت نگیرد، چگالی مخلوط چند کیلوگرم بر لیتر است؟

تمرین ۱-۲۶ چگالی مخلوط دو مایع A و B با حجم‌های اولیه V_A و V_B ، 0.75 g/cm^3 است. اگر چگالی مایع A برابر 600 g/L و چگالی مایع B برابر 800 g/L باشد، V_A چند برابر V_B است؟

تمرین ۱-۲۷ در مخلوطی از آب و یخ، مقداری یخ ذوب می‌شود و حجم مخلوط 5 cm^3 کاهش می‌یابد. جرم یخ ذوب شده چند گرم است؟