

## بخش اول: کامنت های شما

**کامنت کاربر:** یک) تو معادله‌ی سرعت زمان کی سرعت صفر میشه و تغییر جهت میده و کی فقط صفر میشه؟ (دو) تو نمودار مکان زمان کی تغییر جهت میوفته؟ (راس سهمی؟) سه) تو نمودار سرعت زمان کی تغییر جهت داریم؟ \_ تاریخ ثبت: ۱۳۹۹۰۷۲۹

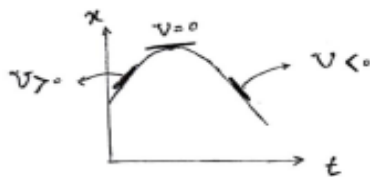
**پاسخ کامنت کاربر:** یک) وقتی با محور تی برخورد میکنه سرعتش صفر میشه که اگه بره زیر محور تی منفی میشه اگه بالاش باشه مثبت. همین نقاط برخورد با محور تی جاهایی ان که جهت سرعت تغییر میکنه (دو) آره تو نقاط ماکزیمم و مینیمم تغییر جهت سرعت هست \_ تاریخ ثبت: ۱۳۹۹۰۷۲۹

$$1) \quad V = at + v_0 \quad \xrightarrow{V=0} \quad 0 = at + v_0 \quad \rightarrow \quad at = -v_0$$

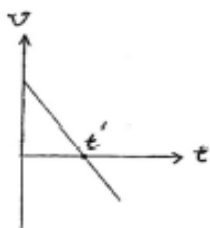
$$t = -\frac{v_0}{a}$$

که در این لحظه سرعت صفری شود و تغییر جهت می دهد.

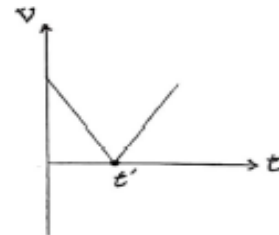
2) شیب نمودار مکان-زمان = سرعت



3) اگر نمودار  $v-t$  محور  $t$  را قطع کند، متحرک تغییر جهت می دهد.



سرعت در لحظه  $t'$  صفری شود  
و تغییر جهت می دهد.



سرعت در لحظه  $t'$  صفری شود  
ولی تغییر جهت نمی دهد.

نکاتی از نمودار های حرکت که **حتما** باید بدوینید

همونطور که میدونید تو حرکت شناسی سه نوع نمودار مهم داریم :

۱) نمودار مکان - زمان

۲) نمودار سرعت - زمان

۳) نمودار شتاب - زمان

---

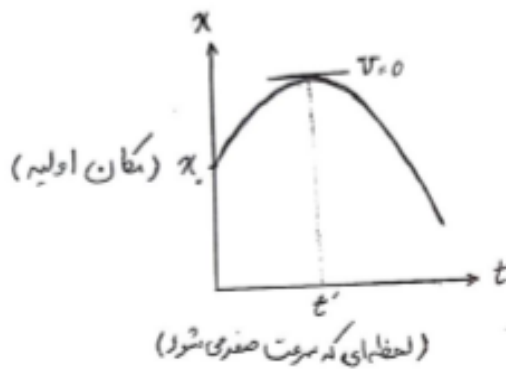
خب با نمودار مکان - زمان شروع می کنیم :

• معادله مکان متحرک :

$$x = \frac{1}{2} at^2 + V_0 t + x_0$$

- مکان اولیه : عرض از مبدأ
- سرعت متحرک در هر لحظه : شیب نمودار در آن لحظه
- سرعت حرکت در رأس سهمی صفر است.
- علامت شتاب : جهت تقعر نمودار
- اگر نمودار به سمت **بالا** باشد شتاب **مثبت** است و اگر نمودار به سمت **پایین** باشد شتاب **منفی** است.

مثال :



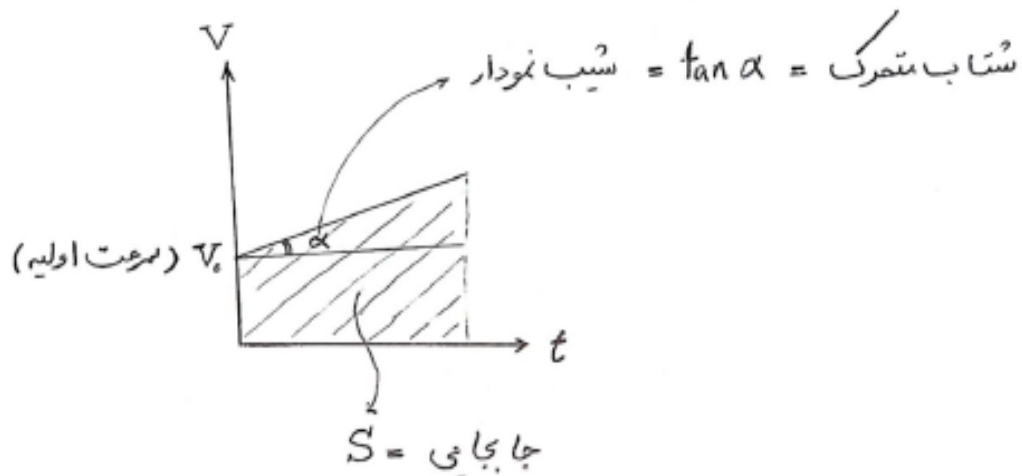
جهت نمودار رو به پایین است .  
↓  
شتاب منفی است .

خب میریم سراغ نمودار سرعت - زمان :

• معادله سرعت متحرک :

$$V = at + V_0$$

- سرعت اولیه : عرض از مبدأ
- شتاب متحرک : شیب نمودار
- جابجایی متحرک : مساحت سطح زیر نمودار

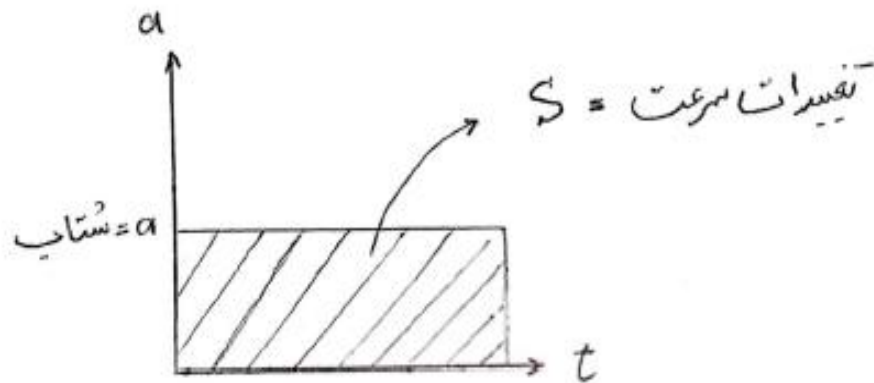


و در آخر به بررسی نمودار شتاب - زمان میپردازیم :

- معادله شتاب متحرک : ( عدد ثابت  $c$  )

$$a = c$$

- شتاب : عرض از مبدأ
- تغییرات سرعت : مساحت سطح زیر نمودار



حسین نودهانی

**کامنت کاربر:** سلام یه سوال همیشه اینکه سرعت یک متحرک (شخص) که مثلا در جهت حرکت مثلا قطار حرکت می‌کنه رو در اون مثلا قطار نسبت به یک ناظر خارج از قطار توضیح بدین؟ که چرا باید سرعت شخص و قطار رو جمع کنیم؟\_ تاریخ ثبت: ۱۳۹۹۰۷۲۸

**پاسخ کامنت کاربر:** فرض کن سرعت یکیشون صفر باشه . به اندازه سرعت اون یکی (ضرب در زمان) به هم نزدیک میشن . حالا اگه هر دو با سرعت به هم نزدیک بشن . در هر ثانیه مقدار بیشتری به هم نزدیک می‌شوند. پس با توجه به فرمول . در یک زمان . مسافت بیشتری طی میشه . پس سرعت‌ها باید جمع بشن .\_ تاریخ ثبت: ۱۳۹۹۰۷۲۸

فرض می‌کنیم سرعت قطار  $50 \frac{m}{s}$  و سرعت شخص درون قطار  $10 \frac{m}{s}$  باشد .

همان‌طور که مشاهده کردید از دید شخص ناظر، شخص درون قطار در مدت (1s)، مسافت 60 متر را طی کرده است .  $V = 60 \frac{m}{s}$

حسین نودهانی

## بخش دوم: خلاصه درسی

### فایل صوتی در انتهای مطلب

با توجه به اینکه مبحث حرکت دو متحرک خیلی مهمه و معمولاً یکی از چالش‌های شما هست، توی این قسمت سعی کردیم با چند تا تست بیشتر بهتون این مبحث رو توضیح بدیم. اما از اون جایی که ممکنه با یه **voice** حل سوال رو بهتر بفهمید، حتماً فایل‌های صوتی رو گوش بدین.

۱- قطاری با سرعت ۱۵ متر بر ثانیه در حال حرکت است. همزمان از دوسر قطار، دو موتور سوار از مجاور ریل با سرعت‌های ثابت ۵ متر بر ثانیه و ایکس به سمت هم حرکت می‌کنند. ایکس چقدر باشد تا دو موتور سوار در وسط قطار به هم برسند؟

سرعت نسبی به سرعت یک متحرک نسبت به متحرک دیگر می‌گویند. در حرکت یک بعدی سرعت نسبی از رابطه‌ی کلی زیر بدست می‌آید:

$$V_1 \pm V_2$$

در این فرمول:

الف) اگر دو متحرک تماس فیزیکی نداشته باشند: علامت مثبت برای حالتی است که مخالف هم حرکت می‌کنند و علامت منفی برای حالتی است که هم جهت حرکت می‌کنند.

ب) اگر دو متحرک تماس فیزیکی داشته باشند: علامت منفی برای حالتی است که مخالف هم حرکت می‌کنند و علامت مثبت برای حالتی است که هم جهت حرکت می‌کنند.

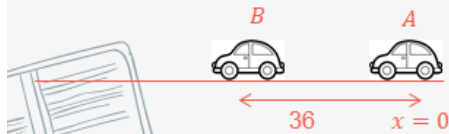
در این سوال ما با حالت الف مواجه هستیم. طول قطار را  $l$  فرض می‌کنیم. دو موتور به سمت هم و یکی در جهت حرکت قطار و دیگری در خلاف جهت حرکت قطار حرکت می‌کند. ابتدا موتوری که در خلاف جهت حرکت می‌کند را بررسی می‌کنیم. سرعت نسبی این موتور برابر با مجموع سرعت خودش و قطار خواهد بود یعنی ۲۰ متر بر ثانیه. برای اینکه دو موتور به هم برسند باید طول یکسان  $l$  دوم را طی کنند و چون زمان هم یکسان است بنابراین باید سرعت‌ها با هم برابر باشند. موتور دوم در جهت حرکت قطار حرکت می‌کند پس سرعت نسبی برای این موتور برابر تفاضل سرعت هاست. یعنی  $V - 15 = 20$  خواهد بود. پس سرعت موتور دوم باید ۳۵ متر بر ثانیه باشد.

۲- اتومبیلی با سرعت  $20 \frac{m}{s}$  در یک مسیر مستقیم در حرکت است. از ۳۶ متر جلوتر، اتومبیل دیگری با شتاب ثابت  $2 \frac{m}{s^2}$  از حالت سکون در همان جهت به راه می افتد. در این حالت اتومبیل ها دوبار از هم سبقت می گیرند. فاصله ی زمانی این دو سبقت چند ثانیه است؟



جواب:

معادله ی مکان رو برای هر کدام از متحرک ها می نویسیم:



$$x_A = V_A t + x_{0A} = 20t$$

$$x_B = \frac{1}{2} a_B t^2 + V_{0B} t + x_{0B} = \frac{1}{2} * 2 * t^2 + 36 = t^2 + 36$$

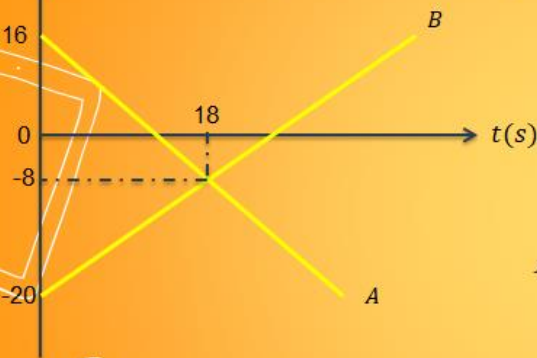
وقتی که دو متحرک به هم می رسن، مکان شون باهم برابره. پس

$$x_A = x_B \rightarrow 20t = t^2 + 36 \rightarrow t^2 - 20t + 36 = 0 \rightarrow t = 2s \text{ or } t = 18s$$

پس اختلاف زمانی ۱۶ ثانیه است.

۳-

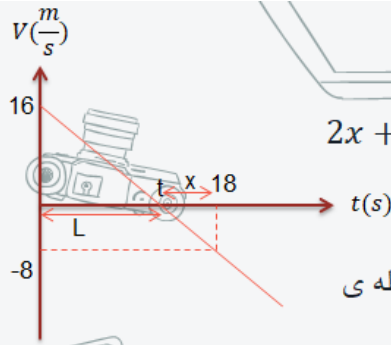
نمودار سرعت-زمان دو متحرک A و B که روی محور x حرکت می کنند، مطابق شکل مقابل است. در مدتی که متحرک A در جهت محور x حرکت کرده است، بزرگی جابه جایی متحرک B، چند متر است؟



باید از تشابه مثلث ها کمک بگیریم تا زمانی که متحرک A داره در جهت محور ایکس حرکت میکنه رو پیدا کنیم.

البته می تونیم از روش شیب خط هم استفاده کنیم.

با استفاده از تشابه:



$$\frac{x}{8} = \frac{L}{16} \rightarrow L = 2x$$
$$2x + x = 18 \rightarrow x = 6s \Rightarrow t = 2x = 12s$$

گفتیم به راه دیگه برای بدست آوردن  $t$  استفاده از شیب خط هست.

چجوری؟

خب ببینید یک بار برای بدست آوردن شیب خطی که در تصویر می بینید از نقطه ی  $(0, 16)$  و  $(t, 0)$  استفاده کنیم. یک بار از دو نقطه ی  $(0, 16)$  و  $(18, -8)$ .

با هر کدام از دو نقطه که شیب خط رو حساب کنیم باهم برابره.

$$\frac{16 - (-8)}{0 - 18} = \frac{16 - 0}{0 - t} \rightarrow t = 12s$$

در ادامه ی حل مون باید بزرگی جابه جایی متحرک B رو تا ۱۲ ثانیه حساب کنیم

$$a_B = \frac{-8 - (-20)}{18 - 0} = \frac{2}{3} \text{ m/s}^2$$

خب حالا از معادله ی مکان زمان برای حرکت با شتاب ثابت استفاده می کنیم:

$$\Delta x_B = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t \rightarrow \Delta x = \frac{1}{2} * \frac{2}{3} * 12^2 + (-20) * 12 = -192$$

$$|\Delta x_B| = 192$$

موفق باشید  
محسن پور



بخش سوم: سوال های آزمون مشابه پارسال

معادله مکان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می کند، در SI به صورت  $x = -5t^2 + 6t + 12$  است. در مورد جهت حرکت و نوع آن کدام مطلب درست است؟

- (۱) همواره در جهت محور و تندشونده  
 (۲) ابتدا در جهت محور و کندشونده  
 (۳) ابتدا در خلاف جهت محور و کندشونده  
 (۴) همواره در خلاف جهت محور و کندشونده

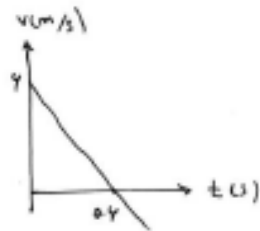
پاسخ گزینه ۲

برای تعیین جهت و نوع حرکت، ابتدا معادله سرعت را نسبت به زمان رسم نمودار حرکت را

متغیر می کنیم:

$$x = -5t^2 + 6t + 12$$

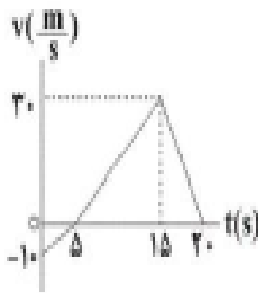
$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \quad \left\{ \begin{array}{l} a = -10 \frac{m}{s^2} \\ v_0 = 6 \frac{m}{s} \end{array} \right. \rightarrow v = -10t + 6$$



$$\left\{ \begin{array}{l} v(t=0) = 6 \frac{m}{s} \\ v(t=0.6s) = 0 \end{array} \right.$$

تحلیل حرکت را در جدول زیر خلاصه کرده ایم. ملاحظه می شود ابتدا در جهت محور و کندشونده است.

$t < 0.6$	+	-
تلاش سرعت و جهت حرکت	+	-
نوع حرکت	کندشونده	تندشونده



نمودار سرعت - زمان متحرکی که در مسیر مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل مقابل است.

سرعت متوسط آن در مدت ۲۰ ثانیه، چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) ۰/۵  
 (۲) ۲/۵  
 (۳) ۱۰  
 (۴) ۱۵

پاسخ گزینه ۳

در ابتدا باید توجه کنیم که سطح محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان (یعنی بازه زمانی)،

برابر جابجایی متحرک در همان بازه زمانی است، مقدار جابجایی را تعیین و بعد از آن، سرعت

متوسط را محاسبه می‌کنیم.

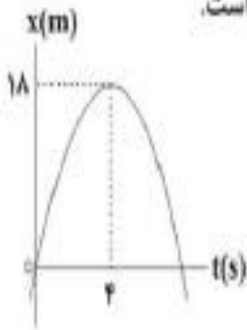
$$\Delta x_1 = \int_0^5 v dt = \frac{10 \times 5}{2} = 25 \text{ m}$$

$$\Delta x_2 = \int_5^{20} v dt = \frac{15 \times 20}{2} = 150 \text{ m}$$

$$\Delta x = \Delta x_1 + \Delta x_2 = 25 + 150 = 175 \text{ m}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{175}{20} = 8.75 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

نمودار مکان - زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می کند، مطابق شکل مقابل به صورت سهمی است. چند ثانیه پس از لحظه  $t = 0$  سندی متحرک برابر تندی اولیه می شود؟



- ۶ (۱)
- ۷ (۲)
- ۸ (۳)
- ۹ (۴)

پاسخ گزینه ۳

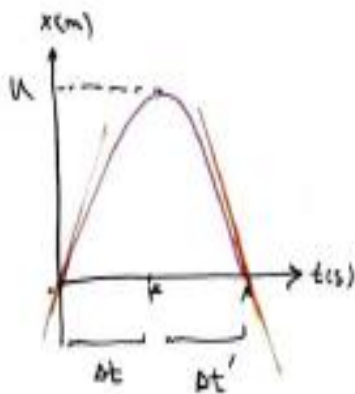
بر اساس نمودار مشخص می شود که در لحظه  $t = 0$  متحرک با تندی اولیه برابر است، با این حال به دلیل تقارن

سهمی، شیب مماس بر منحنی در لحظاتی که فاصله از محور تقارن سهمی برابر از فاصله از محور تقارن

سهمی در لحظه  $t = 0$  (به فاصله ۴ ثانیه از محور تقارن) در مطلق شیب مماس بر منحنی

مکان - زمان (بزرگی سرعت در  $t = 0$ ) با قدر مطلق شیب مماس در لحظه  $t = 0$  (بزرگی سرعت اولیه

برابر خواهد بود.



ممنون از توجه تان

موفق باشید

فاطمه میان آبادی- دانشجوی ارشد مهندسی شیمی دانشگاه شریف

اعظم محسن پور- دانشجوی مهندسی شیمی امیرکبیر

حسین نودهانی- دانشجوی مهندسی صنایع دانشگاه تهران