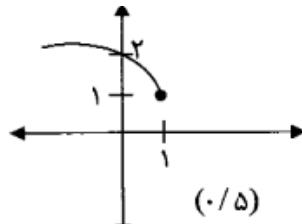


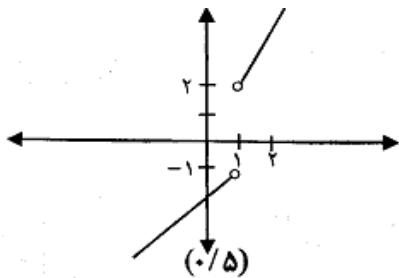
فصل چهارم حسابان

مفهوم حد تابع

۱	برقراری شرط داشتن حد و تعریف شدن در همسایگی ۳ (۵/). برقراری شرط مساوی نبودن حد با مقدار تابع در نقطه ۳ (۵/)	خرداد ۹۰
۲	رسم نمودار با هر یک از شرط های خواسته شده (۰/۲۵)	شهریور ۹۰
۳	رسم نمودار با شرط های خواسته شده (۱)	شهریور ۹۲
۴	رسم نمودار با شرط های خواسته شده (۰/۷۵)	خرداد ۹۱
۵	$\begin{array}{c ccccc} x & 0/99 & 0/999 & \rightarrow & 1 & \leftarrow 1/001 & 1/01 \\ \hline f(x) & 1/99 & 1/999 & \rightarrow & ? & \leftarrow 2/002 & 2/02 \\ & (0/25) & (0/25) & & & (0/25) & (0/25) \end{array}$ $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 2 \quad (0/25)$ <p>(تمرین در کلاس صفحه ۱۳۴)</p>	دی ۹۳
۶	رسم نمودار با ویژگی خواسته شده (۰/۷۵)	خرداد ۹۴
	حد چپ و راست و وجود حد	
۷	$\lim_{x \rightarrow 1^-} (\sqrt{1-x} + 1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (\sqrt{1-x} + 1) = 1 \quad (0/5)$ $\lim_{x \rightarrow 1^+} (\sqrt{1-x} + 1) = \text{تعريف نشده}$ 	دی ۹۰

۲

شماره پیور ۹۱



$$\begin{aligned} \text{حد چپ} &= -1 \quad (\cdot / 25) \\ \text{حد راست} &= 2 \quad (\cdot / 25) \\ -1 \neq 2 &: \text{حد وجود ندارد} \end{aligned}$$

۳

دی ۹۱

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2-x} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \sqrt{2-x} = \circ \quad (\cdot / 25)$$

۴

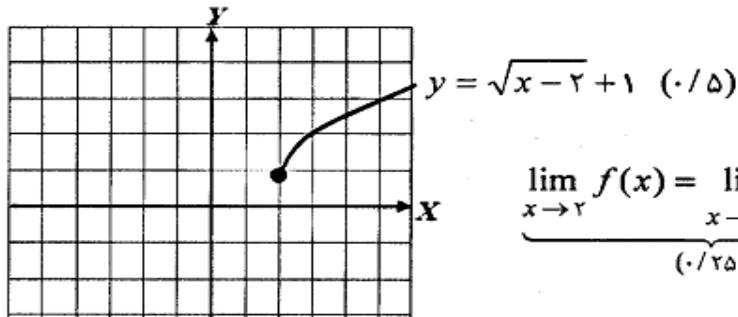
خرداد ۹۲

برای تابع $y = \frac{1}{[x]-3}$ که نسبت به ۳ فقط در یک همسایگی چپ ۳ تعریف شده است ($\cdot / 25$) داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{[x]-3} = \underbrace{\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{1}{[x]-3}}_{(\cdot / 5)} = \frac{1}{-1} = -1 \quad (\cdot / 25)$$

۵

دی ۹۲



$$\underbrace{\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 1}_{(\cdot / 25)} \quad (\cdot / 25)$$

۶

خرداد ۹۳

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (x-1) = \circ \quad (\cdot / 25) , \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} x = 1 \quad (\cdot / 25) \Rightarrow (\cdot / 25)$$

شهریور ۹۳	٣ (الف) صفر (٠/٢٥) (ج) ١ (٠/٢٥) (ب) صفر (٠/٢٥) (د) وجود ندارد (٠/٢٥)	✓
شهریور ۹۴	$\lim_{x \rightarrow 1^+} (x - [x]) = \underbrace{\lim_{x \rightarrow 1^+} (x - 1)}_{(0/25)} = 0 \quad (\cdot/25) , \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} (x - [x]) = \underbrace{\lim_{x \rightarrow 1^-} (x - 1)}_{(0/25)} = 1 \quad (\cdot/25)$	✗
دی ۹۴	قضایای حد <p style="text-align: center;">$\rightarrow -1 \leq \sin \frac{1}{x} \leq 1 \rightarrow (\cdot/25) -x \leq x \sin \frac{1}{x} \leq x \rightarrow \lim_{x \rightarrow \infty} (-x) \leq \lim_{x \rightarrow \infty} (x \sin \frac{1}{x}) \leq \lim_{x \rightarrow \infty} (x) \quad (\cdot/25)$</p> <p style="text-align: center;">$\cdot \leq \lim_{x \rightarrow \infty} x \sin \frac{1}{x} \leq \cdot \quad (\cdot/25) \rightarrow \text{طبق قضیه افسردگی} \rightarrow \lim_{x \rightarrow \infty} x \sin \frac{1}{x} = \cdot \quad (\cdot/25)$</p> <p style="text-align: right;">به همین ترتیب برای $x < 0$ نیز برقرار است.</p>	✓
دی ۸۹	محاسبه‌ی حد توابع $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x-3)}{(x-1)(x+1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-3}{x+1} = -1 \quad (\cdot/5) \quad (\cdot/25) \quad (\cdot/25)$ $\lim_{x \rightarrow 9} \frac{x-9}{(\sqrt{x}-3)} \times \frac{(\sqrt{x}+3)}{(\sqrt{x}+3)} = \lim_{x \rightarrow 9} \frac{(x-9)(\sqrt{x}+3)}{(x-9)} = 6 \quad (\cdot/5) \quad (\cdot/25) \quad (\cdot/25)$	✓
خرداد ۹۰	الف) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 - \cos \pi x}{x^\pi} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\pi \sin^\pi x}{x^\pi} = \lim_{x \rightarrow \infty} \pi \left(\frac{\sin x}{x} \right)^\pi = \pi$ $(\cdot/25) \quad (\cdot/25) \quad (\cdot/25)$ ب) $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{x^\pi - 1}{\pi x^\pi - 12} = \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(x-\pi)(x^\pi + \pi x + \pi^2)}{\pi(x-\pi)(x+\pi)} = \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{x^\pi + \pi x + \pi^2}{\pi(x+\pi)} = 1$ $(\cdot/5) \quad (\cdot/25) \quad (\cdot/25)$	✓

٣

$$\text{الف) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^{\gamma} - \sqrt[γ]{x} - 1}{x^{\gamma} - 1} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x^{\gamma} - x - 1)(x + 1)}{(x - 1)(x + 1)} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^{\gamma} - x - 1}{x - 1} = \frac{1}{-\gamma} \quad (\cdot / ٢٥)$$

$$\text{ب) } \lim_{x \rightarrow \gamma} \frac{x - \gamma}{\sqrt[γ]{x} - \gamma} \times \frac{\sqrt[γ]{x} + \gamma}{\sqrt[γ]{x} + \gamma} = \lim_{x \rightarrow \gamma} \frac{(x - \gamma)(\sqrt[γ]{x} + \gamma)}{\gamma x - \gamma} =$$

$$\lim_{x \rightarrow \gamma} \frac{(x - \gamma)(\sqrt[γ]{x} + \gamma)}{\gamma(x - \gamma)} = \lim_{x \rightarrow \gamma} \frac{\sqrt[γ]{x} + \gamma}{\gamma} = \gamma \quad (\cdot / ٢٥)$$

شماره ٩٠

$$\text{ج) } \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{\sqrt[γ]{1 - \cos \sqrt[γ]{x}}}{\sin \frac{x}{\gamma}} = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \left| \frac{\sqrt[γ]{\sin x}}{\sin \frac{x}{\gamma}} \right| = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{\sqrt[γ]{\sin x}}{\sin \frac{x}{\gamma}} = \frac{\sqrt[γ]{1}}{\gamma} = \gamma \sqrt[γ]{1} \quad (\cdot / ٢٥)$$

٤

$$\text{الف) } \lim_{x \rightarrow \gamma^-} \frac{1}{[x] - \gamma} = \frac{1}{[\gamma^-] - \gamma} \quad (\cdot / ٢٥) = \frac{1}{\gamma - \gamma} = -1 \quad (\cdot / ٢٥)$$

$$\text{ب) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^{\gamma} + x + \gamma}{x^{\gamma} - 1} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x + 1)(x^{\gamma} - x + \gamma)}{(x + 1)(x - 1)} \quad (\cdot / ٢٥) = \frac{1 + 1 + \gamma}{-\gamma} = -\gamma \quad (\cdot / ٢٥)$$

$$\text{ج) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\gamma x^{\gamma}}{\gamma \sin \frac{x}{\gamma}} \quad (\cdot / ٢٥) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\gamma \times x \times x}{\gamma \times \sin \frac{x}{\gamma} \times \sin \frac{x}{\gamma}} \quad (\cdot / ٢٥) = \frac{\gamma}{\gamma} = 1 \quad (\cdot / ٢٥)$$

٥

$$\text{الف) } \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sqrt{x} - \pi}{(\pi - \pi)(x + \pi)} \times \frac{\sqrt{x} + \pi}{\sqrt{x} + \pi} = \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(\pi - \pi)}{(\pi - \pi)(x + \pi)(\sqrt{x} + \pi)} \quad (\cdot / ٢٥) = \frac{1}{\pi \times \pi} = \frac{1}{\pi^2} \quad (\cdot / ٢٥)$$

$$\text{ب) } \lim_{x \rightarrow \pi^+} (x - [x]) = \pi - \pi = 0 \quad (\cdot / ٥)$$

$$\text{ج) } \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{\gamma}} \frac{\cos^{\gamma} x - \sin^{\gamma} x}{\cos x - \sin x} \quad (\cdot / ٢٥) = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{\gamma}} \frac{(\cos x - \sin x)(\cos x + \sin x)}{(\cos x - \sin x)} = \frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma} + \frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma} = \sqrt{\gamma} \quad (\cdot / ٥)$$

جزء احادي

٤

Ahmad echresh

٦

الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x+2)}{x(x-2)} \stackrel{(./2\Delta)}{=} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x+2}{x} = 2 \quad (\cdot/\Delta)$

ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4x^4}{4 \sin^4 x} \stackrel{(./2\Delta)}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4x \times x}{4 \times \sin x \times \sin x} \stackrel{(\cdot/\Delta)}{=} 2 \quad (\cdot/2\Delta)$

٧

الف) $\lim_{x \rightarrow 0} x^4 \sin \sqrt{x+1} = 0^4 \times \sin \sqrt{0+1} = 0 \quad (\cdot/\Delta)$

ب) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x-2)}{(x-1)(x+1)} \stackrel{(./2\Delta)}{=} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-2}{x+1} = -1 \quad (\cdot/2\Delta)$

ج)
$$\begin{aligned} & \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x} - 2}{x^4 - 4} \times \frac{\sqrt{2x} + 2}{\sqrt{2x} + 2} \stackrel{(\cdot/2\Delta)}{=} \\ &= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2(x-2)}{x^4 - 4} \stackrel{(\cdot/2\Delta)}{=} \frac{1}{8} \end{aligned}$$

٨

الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x}-1}{(x-1)(x+1)} \times \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}+1} \stackrel{(\cdot/2\Delta)}{=} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)}{(x-1)(x+1)(\sqrt{x}+1)} \stackrel{(\cdot/2\Delta)}{=} \frac{1}{2 \times 2} = \frac{1}{4} \quad (\cdot/2\Delta)$

ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos 2x}{4x^4} = \underbrace{\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4 \sin^4 x}{4x^4}}_{(\cdot/2\Delta)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4 \times \sin x \times \sin x}{4 \times x \times x} \stackrel{(\cdot/\Delta)}{=} \frac{1}{4} \quad (\cdot/2\Delta)$

٩

شهریور ۹۲

$$\begin{aligned}
 & \text{(الف)} \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos^2 x - \sin^2 x}{\cos x - \sin x} (\cdot / 2\Delta) = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{(\cos x - \sin x)(\cos x + \sin x)}{\cos x - \sin x} (\cdot / 2\Delta) \\
 & = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} (\cos x + \sin x) = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} (\cdot / \Delta)
 \end{aligned}$$

$$\text{ب)} \lim_{x \rightarrow \tau} \frac{(x-\tau)(x+\tau)}{(x-\tau)(x+\tau)} (\cdot / 2\Delta) = \lim_{x \rightarrow \tau} \frac{x+\tau}{x+\tau} = \frac{\tau}{\Delta} (\cdot / \Delta)$$

١٠

دی ۹۲

$$\text{(الف)} \lim_{x \rightarrow \tau} \underbrace{\frac{\sqrt{x+1}-\tau}{x^2-1}}_{(\cdot / 2\Delta)} \times \underbrace{\frac{\sqrt{x+1}+\tau}{\sqrt{x+1}+\tau}}_{(\cdot / 2\Delta)} = \lim_{x \rightarrow \tau} \frac{(x-\tau)}{(x-\tau)(x+\tau)(\sqrt{x+1}+\tau)} (\cdot / 2\Delta) = \frac{1}{2\tau} (\cdot / 2\Delta)$$

$$\text{ب)} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tau(1-\cos \tau x)}{x^2} (\cdot / \Delta) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tau \times \tau \sin^2 x}{x^2} (\cdot / 2\Delta) = \lim_{x \rightarrow 0} \tau \times \underbrace{\frac{\sin x}{x}}_{(\cdot / 2\Delta)} \times \underbrace{\frac{\sin x}{x}}_{(\cdot / 2\Delta)} (\cdot / 2\Delta) = \tau (\cdot / 2\Delta)$$

١١

خرداد ۹۳

$$\text{(الف)} \lim_{x \rightarrow 1} \underbrace{\frac{\sqrt{x}-1}{2x-2}}_{(\cdot / 2\Delta)} \times \underbrace{\frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}+1}}_{(\cdot / 2\Delta)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)}{2(x-1)(\sqrt{x}+1)} (\cdot / 2\Delta) = \frac{1}{4} (\cdot / 2\Delta)$$

$$\text{ب)} \lim_{x \rightarrow 0} \underbrace{\frac{1}{2}}_{(\cdot / 2\Delta)} + \underbrace{\frac{\frac{\sin^2 \tau x}{\tau} \times \tau x^2}{2x^2}}_{(\cdot / 2\Delta)} (\cdot / 2\Delta) = \Delta (\cdot / 2\Delta)$$

١٢

شهریور ۹۳

$$\text{(الف)} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(2x+5)}{(x-1)(x+1)} (\cdot / 2\Delta) = \frac{7}{2} (\cdot / 2\Delta)$$

$$\text{ب)} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tau \sin^2 x}{x^2} (\cdot / 2\Delta) = \lim_{x \rightarrow 0} \tau \times \left(\frac{\sin x}{x}\right)^2 = \tau (\cdot / 2\Delta)$$

$$\text{ج)} 0 \times 1 = 0 (\cdot / \Delta)$$

۹۳

$$\text{الف)} \lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{x+2}-1}{2x(x+1)} \times \underbrace{\frac{\sqrt{x+2}+1}{\sqrt{x+2}+1}}_{(./25)} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x+1)}{2x(x+1)(\sqrt{x+2}+1)} = -\frac{1}{4} \quad (./25)$$

$$\text{ب)} \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos^2 x - \sin^2 x}{-(\cos x - \sin x)} \underset{(./25)}{=} \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{(\cos x - \sin x)(\cos x + \sin x)}{-(\cos x - \sin x)} = -\sqrt{2} \quad (./25)$$

خرداد ۹۴

$$\text{الف)} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x^2+x^2+x+1)}{x-1} \underset{(./5)}{=} 5 \quad (./25) \quad \text{مسائل صفحه ۱۵۲ و ۱۵۳}$$

$$\text{ب)} \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{|\sin^2 x|}}{\frac{x}{2}} \underset{(./25)}{=} \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2}|\sin \frac{x}{2}|}{\frac{x}{2}} \underset{(./25)}{=} \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-\sqrt{2}\sin \frac{x}{2}}{\frac{x}{2}} \underset{(./25)}{=} -\sqrt{2} \quad (./25)$$

شهریور ۹۴

$$\text{الف)} \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(1-x)(1+x)}{(x+1)(x+\Delta)} \underset{(./25)}{=} \frac{1}{2} \quad (./25) \quad \text{صفحه ۱۴۵ تا صفحه ۱۵۳}$$

$$\text{ب)} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2(1-\cos 2x)}{x^2} \underset{(./25)}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4\sin^2 x}{x^2} \underset{(./25)}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4\sin x \times \sin x}{x \times x} \underset{(./25)}{=} 4 \quad (./25)$$

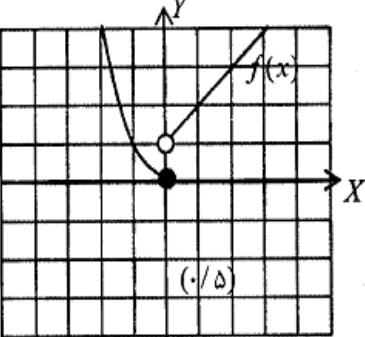
دی ۹۴

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \underbrace{\frac{\sqrt{x}-1}{x-1} \times \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}+1}}_{(./25)} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{1}{\sqrt{x}+1} = \frac{1}{2} \quad (./25) \quad \text{صفحه ۱۵۸}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \left(x - \frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \quad (./25)$$

$$f(1) = 1 \quad (./25) \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \frac{1}{2} \neq 1 = f(1) \quad (./25) \Rightarrow \text{تابع در این نقطه پیوسته نیست}$$

	مفهوم پیوستگی تابع در یک نقطه	
دی ۸۹	رسم نمودار (۵/۰) نمره	۱
	بررسی پیوستگی تابع در یک نقطه	
خرداد ۹۰	$\lim_{x \rightarrow 4^-} \sqrt{x-4} = \lim_{x \rightarrow 4^+} \sqrt{x-4} = +\infty, f(4) = +\infty$ <p>(۰/۲۵) (۰/۰) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p>پس تابع در $x = 4$ پیوسته است. (۰/۲۵)</p>	۱
شهریور ۹۰	خیر (۰/۲۵) زیرا تابع در ۲ تعریف نشده است. (۰/۰)	۲
دی ۹۰	<p>حد چپ: $\lim_{x \rightarrow 2^-} x^{\frac{1}{2}}(x-2) = 0$ (۰/۰)</p> <p>حد راست: $\lim_{x \rightarrow 2^+} (4-2x) = 0$ (۰/۰)</p> <p>مقدار تابع: $f(2) = 0$ (۰/۰)</p>	۳
شهریور ۹۱	$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \sqrt{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \sqrt{x-1} = 0 = f(1) \quad (۰/۰)$ <p>تابع f در $x = 1$ پیوسته است. (۰/۰)</p>	۴
دی ۹۱	$f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} (2x^{\frac{1}{2}} + 1) = 13 \quad (۰/۰) \quad \lim_{x \rightarrow 2^-} (x-2) = -5 \quad (۰/۰)$ <p>تابع در ۲ پیوسته نیست. (۰/۰)</p>	۵

خودآموز	$f(-1) = -1 \quad (\cdot / 25)$ $\lim_{x \rightarrow -1^+} (x^r) = -1 \quad (\cdot / 25)$ $\lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{1}{x} = -1 \quad (\cdot / 25)$	۹
۹۲	$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (4 - 3x) = 1 \quad (\cdot / 25)$, $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (2x^r + 1) = 3 \quad (\cdot / 25)$ $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) \quad (\cdot / 25)$	✓
۹۳	 <p>$L_1 = \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 1 \quad (\cdot / 25)$</p> <p>$L_\gamma = \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = 0 \quad (\cdot / 25) \Rightarrow L_1 \neq L_\gamma$</p>	✗
۹۴	$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x+1)(x-1)}{x-1} \quad (\cdot / 25) = 2 \quad (\cdot / 25)$, $f(1) = 1 \Rightarrow f(1) \neq \lim_{x \rightarrow 1} f(x) \quad (\cdot / 25)$ نایپوسته است. (•/25) زیرا:	۹

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \underbrace{\frac{\sqrt{x}-1}{x-1} \times \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}+1}}_{(./25)} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{1}{\sqrt{x}+1} = \frac{1}{2} \quad (./25)$$

پیوستگی توابع از صفحه ۱۵۴ آتا صفحه ۱۵۸

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \left(x - \frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \quad (./25)$$

$$f(1) = 1 \quad (./25) \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \frac{1}{2} \neq 1 = f(1) \quad (./25) \Rightarrow \text{تابع در این نقطه پیوسته نیست}$$

۱۰

$$\text{حد چپ} \quad \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{1}{|x|} = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{1}{-x} = \frac{1}{-(-1)} = 1 \quad (./25) \quad f(-1) = 1 \quad (./25)$$

$$\text{حد راست} \quad \lim_{x \rightarrow -1^+} (2x + 1) = 2(-1) + 1 = -1 \quad (./25)$$

$$\text{در } x = -1 \text{ پیوسته نمی باشد} \rightarrow \text{حد راست} \neq \text{حد چپ} = \text{مقدار تابع} \quad (./25)$$

۱۱

محاسبه ی پارامتر های مرتبط با پیوستگی تابع در یک نقطه

۱۲

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} 2x^2 - 4ax + 2 = 5 - 4a \quad (./25), \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} x - 3a = 1 - 3a \quad (./25), \quad f(1) = 5 - 4a \quad (./25)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1) \quad (./25) \rightarrow 1 - 3a = 5 - 4a \quad (./25) \rightarrow a = 4 \quad (./25)$$

۱۳

$$\text{شرط پیوستگی} : \lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = f(x_0) \quad (./25)$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{حد راست} : \quad \lim_{x \rightarrow x_0^+} (a - |x - 1|) = a \quad (./25) \\ \text{حد چپ} : \quad \lim_{x \rightarrow x_0^-} \frac{x^r - 1}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow x_0^-} \frac{(x-1)(x^{r-1} + x^{r-2} + \dots + 1)}{(x-1)} = r \quad (./25) \end{array} \right\} \rightarrow a = r \quad (./25)$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{مقدار تابع} = \lim_{x \rightarrow 1} f(x) \\ \text{حد راست}: \lim_{x \rightarrow 1^+} (x - 2a) = 1 - 2a \end{array} \right\} \rightarrow 1 - 2a = 1 - 2a \quad (1 - 2a) \rightarrow a = -1(1 - 2a)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = f(1) = 2a + 1 \quad (1 - 2a), \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x(x-1)}{x-2} = 1 \quad (1 - 2a)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = f(1) \Rightarrow 2a + 1 = 1 \Rightarrow a = \frac{1}{2} \quad (1 - 2a)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \underbrace{\frac{\sqrt{x-1}}{x-1} \times \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x+1}}}_{(1 - 2a)} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \underbrace{\frac{1}{\sqrt{x+1}}}_{(1 - 2a)} = \frac{1}{2} \quad (1 - 2a), \quad \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} [x] + a = 1 + a \quad (1 - 2a)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1) \Rightarrow 1 + a = \frac{1}{2} \quad (1 - 2a) \Rightarrow a = -\frac{1}{2} \quad (1 - 2a)$$

تمرین در کلاس صفحه ۱۵

تھبیه گننده : احمد عچرش گلاس سوم ریاضی دبیرستان امام حسین (ع) باوی