

**سوالات**

**موضوعی نهایی**

# **درس حسابان**

**(( فصل پنجم ))**

**پایه‌ی سوم رشته‌ی ریاضی**

**سال تحصیلی ۹۴-۹۵**

**تهیه کننده : جابر عامری**

**عضو گروه ریاضی متوسطه‌ی دوم استان خوزستان**

### فصل پنجم حسابان

#### مشتق تابع در یک نقطه

نمره	نوبت برگزاری	متن سؤال	(ج)
۱ نمره	شهرپور ۹۰	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = \frac{1}{x+1}$ را در $x=2$ حساب کنید.	۱
۲/۳ نمره	شهرپور ۹۱	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = \frac{2}{x}$ را در $x=3$ حساب کنید.	۲
۵/۲/۱ نمره	دی ۹۱	مشتق تابع $y = x^3$ را در $x=1$ با استفاده از تعریف مشتق بیابید.	۳
۵/۲/۱ نمره	شهرپور ۹۲	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $y = x^2$ را در $x=5$ محاسبه کنید.	۴
۵/۲/۱ نمره	شهرپور ۹۳	با استفاده از تعریف ، مشتق تابع $f(x) = \sqrt{x+1}$ را در نقطه‌ی $x=1$ محاسبه کنید.	۵
۶/۱ نمره	فرداد ۹۴	با استفاده از تعریف ، مشتق تابع $f(x) = x^2 + 1$ را در نقطه‌ی $x=a$ محاسبه کنید.	۶

#### مشتق‌های یک طرفه و مشتق پذیری

نمره	نوبت برگزاری	متن سؤال	(ج)
۵/۷/۱ نمره	دی ۸۹	در تابع زیر مشتق‌های چپ و راست را در $x=-1$ جداگانه محاسبه کنید. آیا تابع در این نقطه مشتق پذیر است؟ چرا؟ $f(x) = \begin{cases} x^3 + 1 & x \geq -1 \\ x^2 - 1 & x < -1 \end{cases}$	۱

۱ نمره	فرزند ۹۶	$f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$ آیا تابع $f(x)$ در صفر مشتق پذیر است؟ (دلیل خود را توضیح دهید.)	۲
۵/۱ نمره	فرزند ۹۷	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق چپ و راست تابع زیر را در $x = 2$ ، در صورت وجود بیابید. $f(x) =  x - 2 $	۳
۵/۱ نمره	دی ۲۰	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} 3x + 1 & x \leq 1 \\ x^2 + 3 & x > 1 \end{cases}$ را در $x = 1$ بررسی کنید.	۴
۵/۱ نمره	دی ۲۰	با استفاده از تعریف مشتق، وجود مشتق های راست و چپ و مشتق پذیر بودن تابع $f(x) =  x - 3 $ را در نقطه $x = 3$ ، بررسی کنید.	۵
۵/۱ نمره	تمهیم پرور ۳۰	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق پذیری تابع $f(x) = x x - 2 $ را در $x = 2$ ، مورد بررسی قرار دهید.	۶

### قضایای مشتق

نمره	نوبت برگاری	متن سؤال	نمره
۱		اگر تابع $f$ در یک همسایگی نقطه $a$ تعریف شده و ناصرف بوده و در این نقطه مشتق پذیر باشد. در این صورت نشان دهید که تابع $\frac{1}{f}$ نیز در $a$ مشتق پذیر است و	
۵/۱ نمره	فرزند ۹۷	$(\frac{1}{f})'(a) = -\frac{f'(a)}{f^2(a)}$	
۲	دی ۲۰	اگر تابع $f$ در نقطه $a$ مشتق پذیر و $c$ عدد دلخواهی باشد. با محاسبه نشان دهید تابع $cf$ نیز در نقطه $a$ مشتق پذیر است و $(cf)'(a) = cf'(a)$ .	
۳	دی ۲۰	اگر $f$ تابعی مشتق پذیر در نقطه‌ای مانند $a$ باشد. نشان دهید، $g(x) = f(x) + b$ نیز در نقطه $a$ مشتق پذیر بوده و $g'(a) = f'(a)$	

### فرمول‌های مشتق گیری

ردیف	پیوند برگاری	من متن سؤال	ردیف
۱/۵ نمره	۲۹ دی	<p>مشتق بگیرید. (ساده کردن الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x+1}}</math></p> <p>(ب) <math>g(x) = (1 + \sin x) \tan^{-1} x</math></p>	۱
۲/۵ نمره	۴۰ داده	<p>مشتق بگیرید. (ساده کردن الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>f(x) = \frac{(x^3 - 1)^3}{x + 1}</math></p> <p>(ب) <math>g(x) = \sqrt{1 - 2 \cos 3x}</math></p> <p>(ج) <math>k(x) = 2 \tan^{-1} x + 3 \sin^{-1} x + \frac{4}{x}</math></p>	۲
۳/۵ نمره	۶۰ شنبه	<p>مشتق توابع زیر را بدست آورید. (ساده کردن الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>f(x) = \sin(\sqrt{2x + 5})</math></p> <p>(ب) <math>g(x) = \frac{\sqrt{x}}{(2x + 1)^3}</math></p> <p>(ج) <math>k(x) = (1 + \tan x) \cos^{-1} x</math></p>	۳
۴/۵ نمره	۵۰ پنجشنبه	<p>مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>f(x) = \frac{x^3 + 1}{x^3 + 2}</math></p> <p>(ب) <math>g(x) = \tan^3 x + \sin^{-1} x</math></p> <p>(ج) <math>h(x) = \sqrt[3]{x^5 - \cos 2x}</math></p>	۴

۵/۲ نمره	فرداد ۹۱	<p>مشتق بگیرید. (ساده کردن الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>y = x^3 + \frac{1}{x}</math></p> <p>(ب) <math>y = 3(2x - 5)^4 + \sqrt[3]{x}</math></p> <p>(ج) <math>y = \frac{\sin \sqrt{x}}{1+x^2}</math></p>	۵
۵/۲ نمره	شهرپور ۹۰	<p>مشتق بگیرید. (ساده کردن الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>y = (2x + 3)^5 (\sin x)</math></p> <p>(ب) <math>y = \frac{1}{x+1} + \tan^{-1} x</math></p> <p>(ج) <math>y = \sqrt[3]{5x^2 - 1}</math></p>	۶
۵/۲ نمره	دی ۹۱	<p>مشتق بگیرید. (ساده کردن الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>y = \frac{x^2 + 5}{x - 1}</math></p> <p>(ب) <math>y = \sin x(1 + \cos x)</math></p> <p>(ج) <math>y = \sqrt{x} + \sin^{-1} x</math></p>	۷
۵/۲ نمره	فرداد ۹۲	<p>مشتق بگیرید. (ساده کردن الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>y = x(x^5 + 1)</math></p> <p>(ب) <math>y = \sin^3 x</math></p> <p>(ج) <math>y = \sqrt[3]{x} + \cos^{-1} x</math></p>	۸

**سئوالات موضوعی امتحانات نهایی کشوری فصل پنجم درس حسابان پایه‌ی سوم رشته‌ی ریاضی فیزیک**

۹	مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن الزامی نیست.)	۵/۲ نمره	شنبه ۹۳	(الف) $y = \frac{x^3}{3x - 1}$ (ب) $y = \sqrt{\sin 5x}$ (ج) $y = 2\sin^{-1} x$
۱۰	مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن الزامی نیست.)	۵/۱ نمره	ی ۳	(الف) $f(x) = \frac{3x^3 + 5}{5x - 1}$ (ب) $y = 2\sin 5x + 3\cos^{-1} x$
۱۱	مقدار مشتق تابع $f(x) = \sqrt{2x + 1}$ را در نقطه‌ی $x = 4$ به دست آورید.	۵/۰ نمره	ی ۲	
۱۲	مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن الزامی نیست.)	۵/۲ نمره	ردیف ۳	(الف) $y = \frac{3x^3 - 1}{2x + 1}$ (ب) $y = (x^2 + 1)^3$ (ج) $y = 2\tan^{-1} x$
۱۳	مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن الزامی نیست.)	۵/۲ نمره	شنبه ۹۴	(الف) $y = (3x^3 - \sqrt{x} + 5)^3$ (ب) $y = (3x + 5)\cos(4x^3 + 1)$
۱۴	مشتق توابع زیر را بنویسید. (ساده کردن الزامی نیست.)	۵/۲ نمره	ی ۴	(الف) $y = (3x^3 + 5x)(4x^3 + \sin x)$ (ب) $y = \sqrt{4 - x^2} + 2\sin^{-1} x$

۱۵		مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن الزامی نیست.)	
۳ نمره	برداد ۴۶	<p>(الف) <math>y = (4x^5 + 2)\cos x</math></p> <p>(ب) <math>y = \sqrt[3]{x^2 + \sin x - 1}</math></p> <p>(ج) <math>y = 1 + 3\cos^{-1} x</math></p>	
۱۶		مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن الزامی نیست.)	
۲ نمره	شهرپور ۴۶	<p>(الف) <math>f(x) = (x^3 + 5x)\sin^{-1} x</math></p> <p>(ب) <math>y = (\tan x + 3x^2)^5</math></p>	
۱۷		مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن الزامی نیست.)	
۵ نمره	دی ۴۶	<p>(الف) <math>f(x) = \sqrt[3]{\cos x + 2\sin^{-1} x}</math></p> <p>(ب) <math>y = (2x - x^3)^5 (\sqrt{2x})</math></p>	

### آهنگ تغییرات

نمره	پونز برگزاری	متن سؤال	ردیف
۱ نمره	دی ۸۹	مساحت هر دایره تابعی از محیط آن است. آهنگ تغییرات مساحت دایره را نسبت به محیط آن برای دایره‌ای به محیط $5\pi$ حساب کنید.	۱
۲ نمره	برداد ۹۰	آهنگ تغییرات مساحت یک مربع را نسبت به محیط آن برای مربعی که محیط آن ۱۶ واحد است را به دست آورید.	۲
۳ نمره	شهرپور ۹۱	آهنگ تغییرات محیط یک مربع را نسبت به مساحت آن برای مربعی که مساحت آن ۹ واحد است، به دست آورید.	۳
۴ نمره	دی ۹۱	آهنگ تغییرات مساحت یک دایره را نسبت به محیط آن، برای دایره‌ای که محیط آن $3\pi$ است، به دست آورید.	۴
۵ نمره	دی ۹۲	آهنگ تغییرات مساحت یک دایره که قطر آن ۴ است را به دست آورید.	۵

**سوالات موضوعی امتحانات نهایی کشوری فصل پنجم درس حسابان پایه‌ی سوم رشته‌ی ریاضی فیزیک**

۱ نمره	دی ۳۰	آهنگ تغییرات مساحت دایره نسبت به محیط آن ، برای دایره‌ای به محیط $3\pi$ را بیابید.	۶
۱ نمره	دی ۲۴	آهنگ تغییرات مساحت دایره به شعاع $R = 4$ را به دست آورید.	۷
۵/۲۱ نمره	دی ۳۰	محیط هر دایره، تابعی از مساحت آن است. آهنگ تغییرات محیط دایره را نسبت به مساحت آن برای دایره‌ای به مساحت $2\pi$ حساب کنید.	۸

**خط مماس و خط قائم**

ردیف	پونز بزرگواری	من مسئول	نمره
۱	۵/۷۰ نمره	شیب خط مماس بر نمودار تابع $y = \frac{1}{x}$ را در نقطه‌ای به طول یک واقع بر آن به دست آورید.	۱
۲	۱ نمره	نقاطی از نمودار تابع $y = x^3 - 2x - 1$ را تعیین کنید که خط مماس بر منحنی در این نقاط موازی نیمساز ربع اول و سوم باشد.	۲
۳	۵/۲۱ نمره	معادله‌ی خط قائم بر نمودار تابع $f(x) = 2x^3 - 1$ را در نقطه‌ای به طول ۱ به دست آورید.	۳
۴	۵/۲۱ نمره	معادله‌ی خط قائم بر نمودار تابع $f(x) = 2x^3 - x$ را در نقطه‌ای به طول ۱ واقع بر منحنی به دست آورید.	۴
۵	۵/۲۱ نمره	معادله خط مماس بر نمودار تابع $y = \frac{x}{x-2}$ را در نقطه‌ی $A(3,3)$ به دست آورید.	۵
۶	۵/۲۱ نمره	نقطه‌ای از نمودار تابع $y = x^3 + 3x$ را تعیین کنید که خط مماس بر منحنی تابع، در این نقطه موازی نیمساز ربع اول و سوم باشد.	۶

تهیه کننده : جابر عامری عضو گروه ریاضی متوسطه ی دوم استان خوزستان

۷		با استفاده از تعریف، مشتق تابع $f(x) = x^3$ را در نقطه $x = a$ حساب کنید. سپس معادله ی خط قائم بر نمودار تابع را در نقطه $A(1,1)$ به دست آورید.	۱/۵ نمره	فرزاد شاه
۸		در چه نقاطی از بازه $[0, 2\pi]$ ، خط مماس بر نمودار تابع $f(x) = \sin x$ موازی محور $x$ ها است.	۱/۲۵ نمره	فرزاد شاه
۹		معادله ی خط قائم بر منحنی تابع $f(x) = \frac{x+2}{x-1}$ را در نقطه ای به طول $2$ بیابید.	۱/۳ نمره	شهرپور سه
۱۰		معادله ی خط قائم بر منحنی تابع $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$ را در نقطه ای به طول $1$ بنویسید.	۱/۵ نمره	شهرپور سه

**تهیه کننده :**

**جابر عامری**

**دیر ریاضی شهرستان های اهواز و باوی و عضو گروه متوسطه ی دوم استان خوزستان**