

**بسم الله الرحمن الرحيم**

**قرار گرفتن جزو اذن صافی دست نویس از تاریخ ۱۷ شهریور در سایت کنکوریو**

**هر روز ۱ جزو و ... مدنظر نهاد هر روز صبح در سایت هاستیم**

**WWW.KONKURU.IR**

**WWW.KONKURU.IR/FORUM**

**لطفا از کپی کردن بدون ذکر منبع جدا خودداری بفرمایید!!!!**

۲۴۵- به ازای کدام مقدار  $a$  ماتریس  $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & -1 & 0 \\ 3 & 1 & a \end{bmatrix}$  وارون پذیر نیست؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۰ (۱)

۲۴۶- اگر وارون ماتریس  $A$  با برانهاده آن برابر باشد، حاصل کدام است؟  $(AA^T A + A)^{-1}$

$A + A^{-1}$  (۴)

$\frac{1}{2}A'$  (۳)

$2A^{-1}$  (۲)

$2A$  (۱)

۲۴۷- اگر  $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$  دترمینان  $(A^{-1})^T$  کدام است؟

۵ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۲۴۸- اگر  $A$  و  $B$  ماتریس های وارون پذیر باشند، کدام گزینه در مورد آن ها نادرست است؟

$(AB)^{-1} = A^{-1}B^{-1}$  (۴)

$(A')^{-1} = (A^{-1})'$  (۳)

$|A'|^{-1} = |A^{-1}|$  (۲)

$A'^T B'^T = (BA)^T$  (۱)

۲۴۹- دو ماتریس متقارن و وارون پذیر و حاچجایی باشند، ماتریس  $(A^{-1}B)^T$  کدام است؟

$A^T B$  (۴)

$A^{-1}B$  (۳)

$-AB^*$  (۲)

$-A'^T B^T$  (۱)

۲۵۰- اگر  $A$  و  $B$  دو ماتریس وارون پذیر  $n \times n$  باشند، کدام ماتریس ممکن است وارون پذیر نباشد؟

$B^{-1}A^{-1}$  (۴)

$(AB)^T$  (۳)

$I - A$  (۲)

$AB^{-1}A$  (۱)

۲۵۱- اگر  $C$  ماتریس  $2 \times 2$  و وارون پذیر باشد، کدام حاصل کدام است؟  $\left( C^{-1} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} C \right)^T$

$C^{-1} \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} C$  (۲)

$C^{-1} \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 4 & -1 \end{bmatrix} C$  (۱)

$(C^{-1})^T \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 4 & -1 \end{bmatrix} C$  (۴)

$(C^{-1})^T \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} C$  (۳)

۲۵۲- اگر  $A$  و  $B$  دو ماتریس  $n \times n$  و  $A$  معکوس پذیر باشد، حاصل  $|ABA^{-1}|$  کدام است؟

۴) هر کدام

$|A|^T |B|$  (۴)

$|B|$  (۲)

$|A|$  (۱)

۲۵۳- اگر ماتریس  $\begin{bmatrix} -8 & a & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ a & -1 & 0 \end{bmatrix}$  وارون پذیر نباشد،  $a$  کدام است؟

۲ و -۲ (۴)

-۳ و ۲ (۳)

-۲ و ۱ (۲)

۲ و ۱ (۱)

۲۵۴- اگر  $A$  ماتریس متقارن و  $B$  ماتریس پادمتقارن باشد، تحت کدام شرایط همواره ماتریس  $(A+B) + (A+B)^T$  وارون پذیر است؟

$|B+B^T| \neq 0$  (۴)

$|A-A^T| \neq 0$  (۳)

$|B| \neq 0$  (۲)

$|A| \neq 0$  (۱)

-۲۵۵- اگر دترمینان ماتریس  $A$  با دترمینان ماتریس وارون  $A^{-1}$  برابر باشد،  $m$  کدام است؟

$$-2 \text{ و } 2 \quad (4)$$

$$-2 \text{ و } 0 \quad (3)$$

$$2 \text{ و } 0 \quad (2)$$

$$-1 \text{ و } 1 \quad (1)$$

-۲۵۶- به ازای چه مقدار  $m$  دترمینان ماتریس معکوس آن برابرند.

$$2 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

$$0 \text{ صفر} \quad (1)$$

-۲۵۷- اگر  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$  باشد، ماتریس  $X$  از رابطه  $AX = A^T$  کدام است؟

$$\begin{bmatrix} -4 & -5 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -5 & 4 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 5 & 4 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} 4 & 5 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

-۲۵۸- اگر  $\lambda \neq 1$  و آنکاه وارون  $A^{-1} = A$  کدام است؟

$$I - \frac{\lambda}{1+\lambda} A \quad (4)$$

$$I - \frac{A}{1-\lambda} \quad (3)$$

$$I + \frac{\lambda}{1-\lambda} A \quad (2)$$

$$I + \frac{\lambda}{1+\lambda} A \quad (1)$$

-۲۵۹- اگر  $A^{-1} = A$  کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

-۲۶۰- وارون ماتریس کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ b & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ b & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ b & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ b & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

-۲۶۱- باشد و نوشهاده ماتریس همسازه های  $A$  را  $A^*$  بنامیم، حاصل  $|A^*|$  کدام است؟

$$9 \quad (4)$$

$$4 \quad (3)$$

$$-4 \quad (2)$$

$$-9 \quad (1)$$

-۲۶۲- اگر  $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$  و  $A^*$  ماتریس الحاقی آن و  $|A \cdot A^*| = 216$ ، مقدار  $|A|$  کدام است؟

$$72 \quad (4)$$

$$24 \quad (3)$$

$$8 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

اگر  $-263$  ماتریس  $A^*$  کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & c \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} bc & 0 & 0 \\ 0 & ac & 0 \\ 0 & 0 & ab \end{bmatrix} \text{ (۱)}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & bc \\ 0 & ac & 0 \\ ab & 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ (۲)}$$

$$A^* \text{ (۳)}$$

$$A \text{ (۴)}$$

باشد، درایه سطر اول و ستون سوم ماتریس  $A^{-1}$  کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 1 \\ -1 & 2 & 0 \\ 5 & 0 & 1 \end{bmatrix} \text{ اگر } -264$$

$$2 \text{ (۵)}$$

$$\frac{1}{2} \text{ (۶)}$$

$$-\frac{1}{2} \text{ (۷)}$$

$$-2 \text{ (۸)}$$

در صورتی که  $A^*$  ماتریس الحقیقی  $A$  باشد، حاصل جمع درایه های  $A^{-1}$  چقدر است؟

$$A^* = \begin{bmatrix} 1 & -5 & -2 \\ 2 & 3 & 6 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \text{ -265}$$

$$\pm 3 \text{ (۹)}$$

$$\pm 2 \text{ (۱۰)}$$

$$\pm \frac{2}{3} \text{ (۱۱)}$$

$$\pm \frac{1}{4} \text{ (۱۲)}$$

عضو واقع در سطر دوم و ستون اول ماتریس  $A^*$  کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & 4 \\ -2 & 2 & 4 \end{bmatrix} \text{ اگر } -267$$

$$\frac{1}{4} \text{ (۱۳)}$$

$$\frac{1}{2} \text{ (۱۴)}$$

$$-\frac{1}{2} \text{ (۱۵)}$$

$$-\frac{1}{4} \text{ (۱۶)}$$

مجموع درایه های سطر اول ماتریس  $A^*$  کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$2 \text{ (۱۷)}$$

$$-1 \text{ (۱۸)}$$

$$-2 \text{ (۱۹)}$$

$$0 \text{ (۲۰) صفر}$$

آنگاه مجموع درایه های ماتریس  $A^* A$  کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 0 \end{bmatrix} \text{ اگر } -269$$

$$-7 \text{ (۲۱)}$$

$$4 \text{ (۲۲)}$$

$$-12 \text{ (۲۳)}$$

$$17 \text{ (۲۴)}$$

حاصل  $2A A^* - A^* A$  کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ اگر } -270$$

$$-21 \text{ (۲۵)}$$

$$-21 \text{ (۲۶)}$$

$$21 \text{ (۲۷)}$$

$$0 \text{ (۲۸) صفر}$$

۲۷۱- ماتریس  $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  کدام است؟

۲ (۴)

-۱ (۳)

۰ (۲)

۱ (۱)

۲۷۲- یک ماتریس مرتبه ۲ است.  $(A')$  کدام است؟

A (۴)

|A|A<sup>-1</sup> (۳)

2A (۲)

A<sup>T</sup> (۱)

۲۷۳- به ازای چه مقدار حقیقی  $a$ ، دستگاه دارای جواب غیر صفر است؟

$$\begin{cases} x + y - az = 0 \\ ax + 2y - z = 0 \\ 2x - ay + 2z = 0 \end{cases}$$

۴ (۴) سه

یک (۳)

دو (۲)

هیچ (۱)

۲۷۳- به ازای کدام مقدار  $m$ ، دستگاه معادلات دارای جواب غیر صفر است؟

$$\begin{cases} mx + y + 2z = 0 \\ x + 2y + mz = 0 \\ x - y - 2z = 0 \end{cases}$$

۱ و ۴ (۴)

-۱ و ۴ (۳)

۱ و -۴ (۲)

-۱ و -۴ (۱)

۲۷۴- سه صفحه با معادلات ماتریسی داده شده اند. فصل مشترک های دو به دو این سه صفحه چگونه اند؟

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & -2 \\ 5 & -2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 7 \\ 4 \end{bmatrix}$$

۲) منطبق بر هم

۱) فقط گذرا بر یک نقطه

۴) فاقد نقطه مشترک

۳) هر سه موازی هم

۲۷۵- اگر دستگاه دارای بی شمار جواب باشد، مقدار  $m$  کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ m \end{bmatrix}$$

۲ (۴)

۲ (۳)

-۳ (۲)

-۲ (۱)

۲۷۶- به ازای مقدار  $m$ ، دستگاه معادلات جواب مخصوص به فرد ندارد.

$$\begin{cases} x + my + z = -1 \\ 2x + z = 1 \\ mx + y - z = 1 \end{cases}$$

۲ (۴)

۱ (۳)

-۱ (۲)

-۲ (۱)

۲۷۷- به ازای کدام مقدار  $a$  دستگاه فاقد جواب است؟

$$\begin{cases} x + y - 5z = 2 \\ x + 3y + (a-6)z = 7 \\ 2ax - (9a+4)z = -1 \end{cases}$$

۴ (۴)

-۴ (۳)

-۱ (۲)

۱ (۱)

۲۷۸- ماتریس با اعمال سطحی مقدماتی (روش حذفی گاوس) به ماتریس  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -2 \\ 0 & 4 & a \\ 4 & 1 & 0 \end{bmatrix}$  تبدیل شده است.  $a$  کدام است؟

$$\begin{bmatrix} -1 & 2 & 1 \\ 3 & -1 & 2 \\ 1 & 2 & -2 \end{bmatrix}$$

۲ (۴)

۲ (۳)

-۱ (۲)

-۳ (۱)